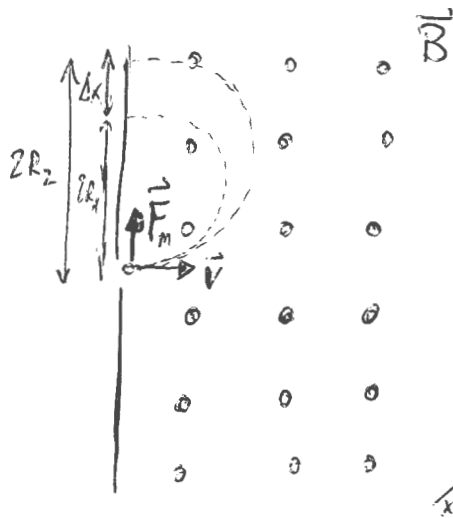


Nombre:

Apellidos:

1. Dos isótopos de un elemento químico, cargados con doble carga negativa y con masas de  $26,79 \cdot 10^{-26}$  kg y  $30,14 \cdot 10^{-26}$  kg, respectivamente, se aceleran hasta una velocidad de  $6,73 \cdot 10^5$  m/s. Seguidamente, entran en una región en la que existe un campo magnético uniforme de 0,75 T y perpendicular a la velocidad de los iones. **(2p)**
  - a) Determina la relación entre los radios de las trayectorias que describen las partículas.
  - b) Calcula la separación de los puntos de incidencia de los isótopos cuando han recorrido una semicircunferencia.  
*Dato: valor absoluto de la carga del electrón  $e = 1,602 \cdot 10^{-19}$  C.*
  
2. Dos conductores rectos y paralelos están separados por una distancia de 10 cm y están recorridos en el mismo sentido por sendas intensidades de la corriente eléctrica de 10 A y 20 A.
  - a) ¿A qué distancia de los conductores se anula el campo magnético?
  - b) ¿Qué fuerza sufrirá un electrón situado en el punto medio de ambos conductores, si viaja en la misma dirección y sentido que las corrientes a una celeridad de  $3,2 \cdot 10^5$  m/s?  
*Datos: valor absoluto de la carga del electrón  $e = 1,602 \cdot 10^{-19}$  C;  
Permeabilidad magnética del vacío  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  T·m·A<sup>-1</sup>*
  
3. La ecuación de una onda armónica, en unidades del SI, que se propaga por una cuerda es:  $y(x, t) = 0,05 \cos [2\pi(4t - 2x)]$ . **(2p)**
  - a) Determina las magnitudes características de la onda (amplitud, frecuencia angular, número de onda, longitud de onda, frecuencia, periodo, velocidad de propagación)
  - b) Deduce las expresiones generales de la velocidad y aceleración transversal de un elemento de la cuerda y sus valores máximos.
  - c) Determina los valores de la elongación, velocidad y aceleración de un punto situado a 1 m del origen en el instante  $t = 3$  s.
  - d) Demuestra la doble periodicidad de la onda.
  
4. Una varilla conductora, de 20 cm de longitud y  $10 \Omega$  de resistencia eléctrica, se desplaza paralelamente a sí misma y sin rozamiento, con una velocidad de 5 cm/s, sobre un conductor en forma de U, de resistencia despreciable, situado en el interior de un campo magnético de 0,1 T. **(2p)**
  - a) Calcula la fuerza magnética que actúa sobre los electrones de la barra y el campo eléctrico en su interior.
  - b) Halla la fuerza electromotriz que aparece entre los extremos de la varilla
  - c) Halla la intensidad de la corriente eléctrica que recorre el circuito y razona su sentido.
  - d) ¿Qué fuerza externa hay que aplicar para mantener el movimiento de la varilla?
  
5. **(2p)**
  - a) ¿Depende de la distancia el campo eléctrico creado por un hilo indefinido y uniformemente cargado?
  - b) ¿Depende el flujo magnético a través de una esfera de la distancia a la que se encuentre el imán que lo produce?

1-



DATOS:

$$m_1 = 26,79 \cdot 10^{-26} \text{ kg} \quad [q_1 = q_2 = -2e]$$

$$m_2 = 30,14 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$$

$$\vec{B} = 0,75 \hat{k} \text{ T}$$

$$\vec{v} = 6,73 \cdot 10^5 \hat{j} \text{ m/s}$$

$$\vec{F}_m = -2e v B \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix} = \frac{2e v B \hat{k} \text{ N}}$$

LA DIRECC.  
GIRATORIA  
CON EL DIAGRAMA  
(REGLA  
MAYOR  
D.R.)

a) Cuando una partícula cargada penetra en un GMB uniforme surge una fuerza determinada por la ley de Lorentz:

$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B})$$

Al tratarse de una fuerza normal a la velocidad, crea un M.C.U.

$$\vec{F}_m = \vec{F}_c \Rightarrow F_m = F_c \Rightarrow |q| v B \cancel{\sin 90^\circ} = \frac{m v^2}{R}$$

Con radio es:

$$R = \frac{m v}{|q| B}$$

Comparando los radios de ambos iones.

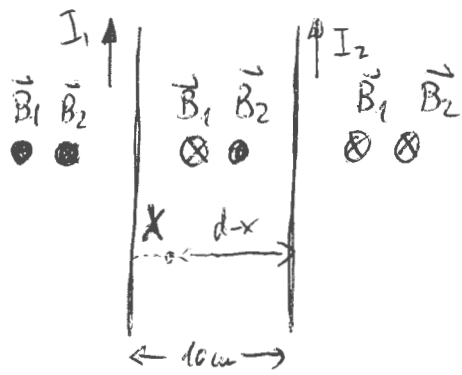
$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{m_1 v \cancel{2e B}}{m_2 v \cancel{2e B}} = \frac{m_1}{m_2} = \frac{26,79}{30,14} = 0,8889 \quad \left[ \frac{R_2}{R_1} = 1,125 \right]$$

b) Como se puede ver en el diagrama, la partícula de mayor masa, describe una trayectoria de mayor radio, de forma que:

$$\Delta x = 2(R_2 - R_1) = \frac{2v}{2eB} (m_2 - m_1)$$

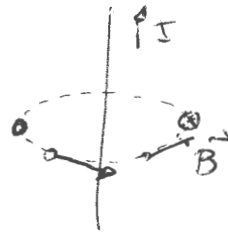
$$\Delta x = \frac{2 \cdot 6,73 \cdot 10^5}{2 \cdot 1,602 \cdot 10^{-19} \cdot 0,75} (30,14 - 26,79) \cdot 10^{-26} = 0,19 \text{ m}$$

2-



$d = 10 \text{ cm}$   
 $I_1 = 10 \text{ A}$   
 $I_2 = 20 \text{ A}$

El campo magnético creado por un hilo rectilíneo e indefinido circular por una intensidad de corriente continua; viene determinado por el teorema de Ampère:  $\left[ \oint_C \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{enc} \right] \Rightarrow \boxed{\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi d} \hat{u}_t}$



a) Aplicando el teorema de superposición de campos:

$$\boxed{\vec{B}_R = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 = 0} \Rightarrow \boxed{\vec{B}_1 = -\vec{B}_2}$$

$$B_1 = B_2$$

$$\frac{\mu_0 I_1}{2\pi x} = \frac{\mu_0 I_2}{2\pi(d-x)}$$

$\vec{B}_1$  y  $\vec{B}_2$  por el mismo

- Misma dirección (I al plano del papel)
- Sentido contrario (región entre cables) ver diagrama
- Misma magnitud

$$10(10-x) = 20x \Rightarrow 3x = 10$$

$$\boxed{x = \frac{10}{3} = 3,3 \text{ cm}}$$

Se encuentra a 3,3 cm de  $I_1$  y a 6,7 cm de  $I_2$

b) En primer lugar calculamos el campo resultante:

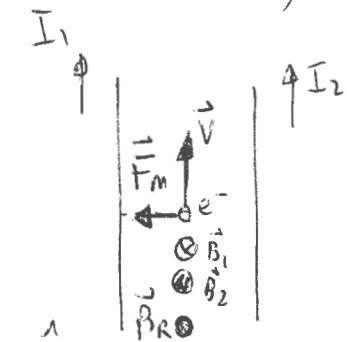
$$\vec{B}_R(d/2) = \vec{B}_1(d/2) + \vec{B}_2(d/2) = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi(d/2)} (-\hat{i}) + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi(d/2)} (\hat{i})$$

$$= \frac{\mu_0}{\pi d} (I_2 - I_1) \hat{i} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7}}{\pi \cdot 0,1} (20 - 10) \hat{i} = \boxed{4 \cdot 10^{-5} \hat{i} \text{ T}}$$

Ahora, aplicamos la ley de Lorentz:

$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B}_R) = -e v B_R \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix} = -e v B_R \hat{j}$$

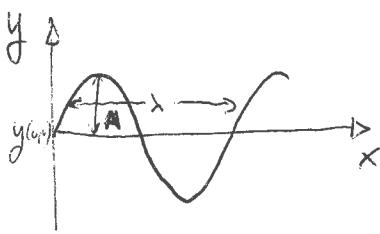
$$\boxed{\vec{F}_m = -1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 3,2 \cdot 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-5} \hat{j} = -2,05 \cdot 10^{-19} \hat{j} \text{ N}}$$



$$\vec{v} = 3,2 \cdot 10^5 \hat{k} \text{ ms}^{-1}$$

$$q_{e^-} = -e = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

3-



LA ECUACIÓN DE UNA ONDA ARMÓNICA

$$y(x,t) = A \cos(\omega t \pm kx + \phi_0)$$

Donde  $A$  es la AMPLITUD

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \text{ PULSACIÓN}$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \text{ NÚMERO DE ONDAS}$$

$\phi_0 =$  FASE INICIAL

a) Por comparación:

$$A = 0,05 \text{ m} \quad \omega = 8\pi \text{ rad/s} \quad k = 4\pi \text{ m}^{-1}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = 4 \text{ Hz} \quad \lambda = \frac{2\pi}{k} = 0,5 \text{ m}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 0,25 \text{ s}$$

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\lambda}{T} = \lambda f = 2 \text{ ms}^{-1} \quad \text{ENTRAS + OX} \quad \left( \text{FASE INICIAL} \right. \\ \left. \text{MIRA } \phi_0 = 0 \text{ rad} \right)$$

$$y(x,t) = 0,05 \cos[2\pi(4t - 2x)] \text{ m} = \\ = 0,05 \cos(8\pi t - 4\pi x) \text{ m}$$

b)

$$v(x,t) = \frac{dy}{dt} = -A\omega \sin(\omega t - kx) = -1,3 \sin(8\pi t - 4\pi x) \text{ ms}^{-1}$$

El número de veces que máxima se alcanza en la parte de equilibrio

$$v_{\text{máx}} = A\omega = 0,05 \cdot 8\pi = 1,3 \text{ ms}^{-1}$$

Cuando el seno alcanza -1 o 1

$$a(x,t) = \frac{dv}{dt} = -A\omega^2 \cos(\omega t - kx) = -32 \cos(8\pi t - 4\pi x) \text{ ms}^{-2}$$

La acc. máxima se produce en la extrema de la oscilación

$$a_{\text{máx}} = A\omega^2 = 0,05 \cdot (8\pi)^2 = 32 \text{ ms}^{-2}$$

Cuando  $\cos$  alcanza -1 o 1

c)  $x=1\text{m}$   
 $t=3\text{s}$

$$\Rightarrow y(1,3) = 0,05 \cos(24\pi - 4\pi) = 0,05 \cos 20\pi = 0,05 \text{ m}$$

$$v(1,3) = -1,3 \sin 20\pi = 0 \text{ ms}^{-1}$$

EN EL EXTREMO POSITIVO DE LA OSCILACIÓN. VELOCIDAD NULA

$$a(1,3) = -32 \cos 20\pi = -32 \text{ ms}^{-2}$$

EL SENTIDO DE LA ONDA SE OPONE AL  $\vec{v}$  (LEY HOOKE)

d) PERIOD. ESPACIAL

$$y(x,t) = y(x+n\lambda, t) \Rightarrow A \cos(8\pi t - 4\pi(x+n\lambda)) = \\ A \cos(8\pi t - 4\pi x - 2n\pi) = A \cos(8\pi t - 4\pi x)$$

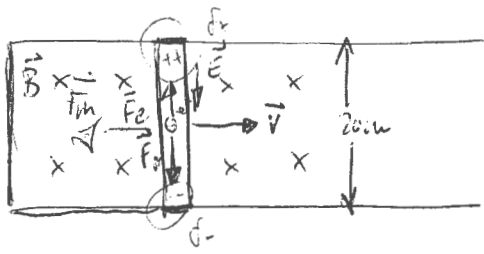
$\lambda = \frac{1}{2} \text{ m}$

PERIOD. TEMPORAL

$$y(x,t) = y(x, t+nT) \Rightarrow A \cos(8\pi(t+nT) - 4\pi x) = A \cos(8\pi t + 2n\pi - 4\pi x)$$

$T = \frac{1}{4} \text{ s}$

4-



$l = 20 \text{ cm}$

$R = 10 \text{ } \Omega$

$\vec{v} = 5 \hat{j} \text{ cm/s}$

$\vec{B} = -0,1 \hat{k} \text{ T}$

a) Sobre una electrón actúa la fuerza de Lorentz:

$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B}) \Rightarrow \vec{F}_m = -e \cdot v \cdot B \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$\vec{F}_m = -1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 5 \cdot 10^{-2} \cdot 0,1 \hat{k} \text{ N} \Leftrightarrow \vec{F}_m = -e v B \hat{k} \text{ N}$

$\vec{F}_m = -8 \cdot 10^{-22} \hat{k} \text{ N}$

Como consecuencia de la separación de cargas se origina un campo eléctrico en el interior del conductor que producirá un equilibrio de fuerzas:

$$\vec{F}_e = -\vec{F}_m \Rightarrow -e \vec{E} = -(-e)(\vec{v} \times \vec{B})$$

$\vec{E} = -(\vec{v} \times \vec{B}) = -v B \hat{k} \text{ N/C}$

Mostrando  $E = 5 \cdot 10^{-3} \text{ N/C}$

$\vec{E} = -5 \cdot 10^{-2} \cdot 0,1 \hat{k} = -5 \cdot 10^{-3} \hat{k} \text{ N/C}$

b) Podemos calcular la F.E.M. inducida utilizando su definición:

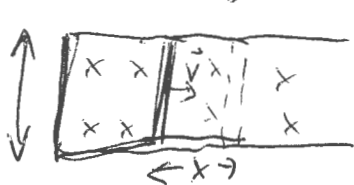
$$\mathcal{E} = \int_c \vec{E} \cdot d\vec{l} = E \cdot l \Rightarrow \mathcal{E} = 5 \cdot 10^{-3} \cdot 0,2 = 10^{-3} \text{ V}$$

También podemos usar la ley de Faraday-Lenz:

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt}$$

El flujo magnético a través de la espira:

$$\Phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = B \cdot S(t) = 10^{-3} \text{ Wb}$$



$x = vt$

$S(t) = l \cdot x(t) = lvt$

$\Rightarrow \mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt} = Blv = 10^{-3} \text{ V}$

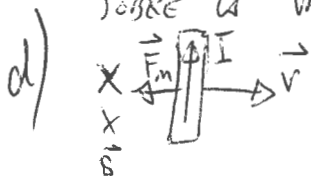
Reserva de energía

c) Aplicando la ley de Ohm; la intensidad:

$\mathcal{E} = I \cdot R$

Sobre la varilla actúa una fuerza: (opuesta al movimiento)

$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{10^{-3}}{10} = 10^{-4} \text{ A}$



$\vec{F}_{ext} = I \cdot (\vec{l} \times \vec{B})$

$\vec{l} = l \hat{k}$

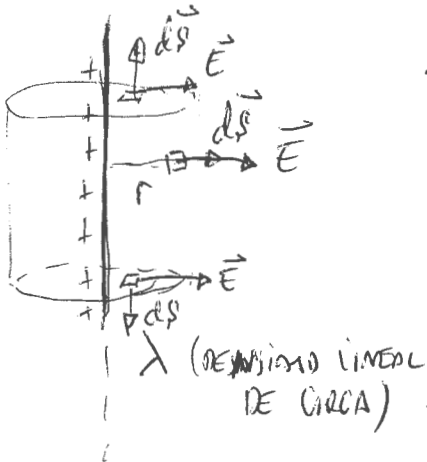
$\vec{F}_{ext} = 10^{-4} \cdot 2 \cdot 10^{-1} \cdot 0,1 \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} = -2 \cdot 10^{-6} \hat{j} \text{ N}$

5-

a) Para calcular el campo eléctrico creado por un hilo infinito y uniformemente cargado, utilizamos la Ley de Gauss:

$$\Phi_e = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{enc}}{\epsilon_0}$$

El flujo eléctrico a través de una superficie cerrada es independiente de la forma de la superficie y proporcional a la carga encerrada por esta.

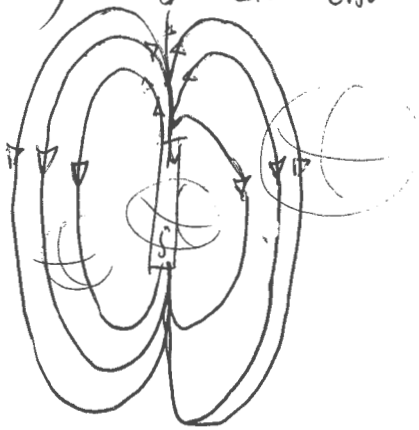


$$\begin{aligned} \Phi &= \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = 2 \int_{\text{TARNS}} |\vec{E}| |d\vec{S}| \cos 90^\circ + \int_{\text{PUEGOS}} |\vec{E}| |d\vec{S}| \cos 0^\circ \\ &= E \int_{\text{PUEGOS}} dS = \frac{E \cdot 2\pi r \cdot L}{1} \end{aligned}$$

$$2\pi r E \cdot L = \frac{Q_{enc}}{\epsilon_0} \Rightarrow E = \frac{Q_{enc}/L}{2\pi r \epsilon_0} = \frac{\lambda}{2\pi \epsilon_0 r}$$

DEPENDE DEL INVERSO DE LA DISTANCIA

b) En este caso aplicamos la Ley de Gauss al campo magnético



$$\Phi = \oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

Al traspasar de una superficie cerrada, el flujo magnético a través de ella será siempre nulo, ya que las líneas de campo son cerradas  $\Rightarrow$  no existen monopolos magnéticos.