

Nombre:**Apellidos:**

CUESTIONES

1. ¿Qué es el sonido? Describe sus cualidades. **(2p)**
2. Define brevemente (ayúdate de gráficos): **(2p)**
 - a) Interferencia entre dos ondas.
 - b) Refracción.
3. Una masa de 100 g está unida a un resorte de constante elástica $k = 150 \text{ N/m}$ y situado sobre el eje X. Se separa de su posición de equilibrio 40 cm y se deja en libertad para que oscile libremente. Calcula, de forma razonada, el periodo de oscilación y la energía mecánica con que inicia el movimiento. **(2p)**

PROBLEMA

4. La expresión matemática que representa una onda armónica que se propaga a lo largo de una cuerda tensa es: $y(x, t) = 0,01 \text{ sen}(10\pi t + 2\pi x + \pi)$; donde x e y están dados en metros y t en segundos. Determina: **(4p)**
 - a) El sentido y la velocidad de propagación de la onda. La frecuencia y la longitud de onda.
 - b) La elongación del punto $x = 0,5 \text{ m}$ en el instante $t = 4 \text{ s}$.
 - c) La diferencia de fase de oscilación entre dos puntos de la cuerda separados 20 cm. ¿A qué distancia se encuentran los dos puntos más próximos que oscilan en oposición de fase?
 - d) La velocidad y la aceleración de oscilación máximas de oscilación de un punto de la cuerda.

Nombre:**Apellidos:**

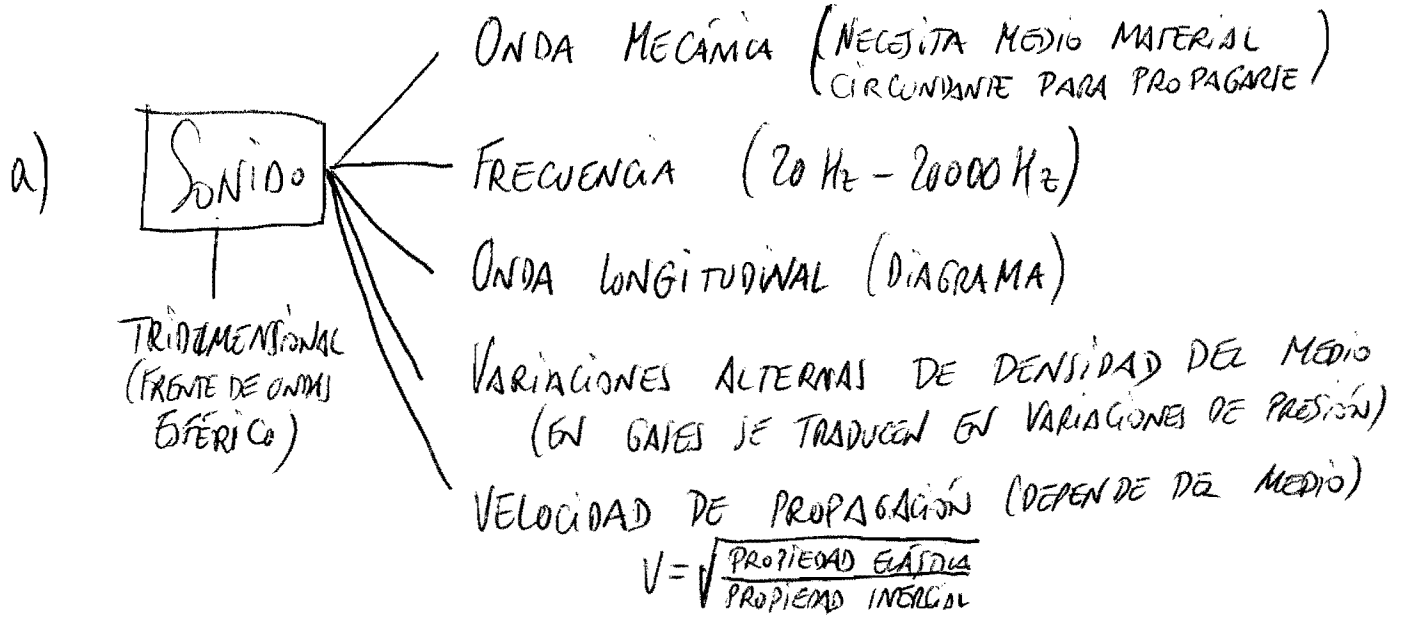
CUESTIONES

1. ¿Qué es el sonido? Describe sus cualidades. **(2p)**
2. Define brevemente (ayúdate de gráficos): **(2p)**
 - a) Difracción.
 - b) Reflexión.
3. Una masa de 50 g está unida a un resorte de constante elástica $k = 100 \text{ N/m}$ y situado sobre el eje X. Se separa de su posición de equilibrio 20 cm y se deja en libertad para que oscile libremente. Calcula, de forma razonada, el periodo de oscilación y la energía mecánica con que inicia el movimiento. **(2p)**

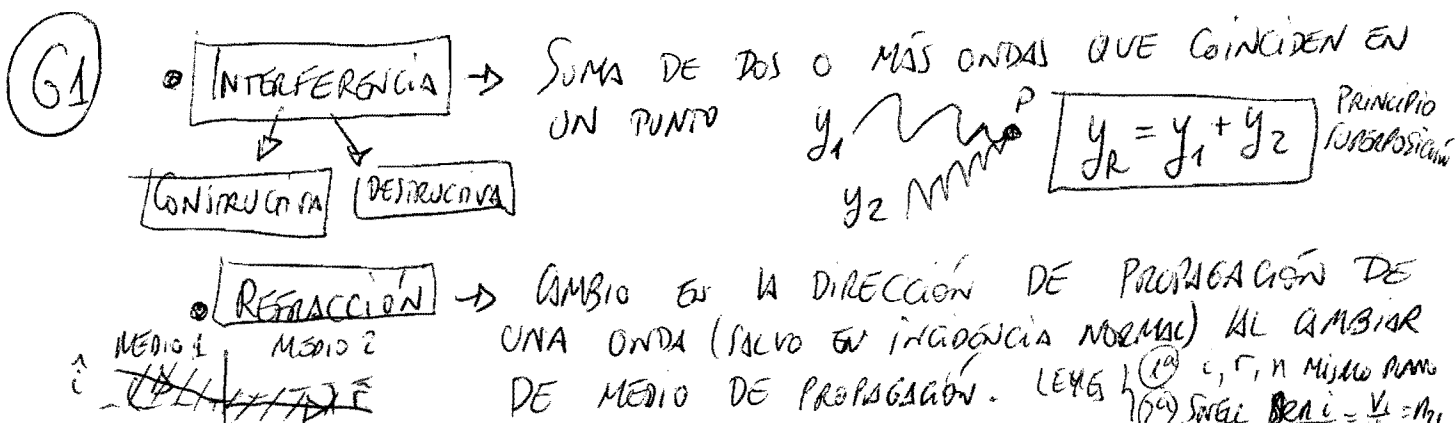
PROBLEMA

4. La expresión matemática que representa una onda armónica que se propaga a lo largo de una cuerda tensa es: $y(x, t) = 0,02 \text{ sen}(20\pi t + \pi x + \pi)$; donde x e y están dados en metros y t en segundos. Determina: **(4p)**
 - a) El sentido y la velocidad de propagación de la onda. La frecuencia y la longitud de onda.
 - b) La elongación del punto $x = 0,25 \text{ m}$ en el instante $t = 6 \text{ s}$.
 - c) La diferencia de fase de oscilación entre dos puntos de la cuerda separados 10 cm. ¿A qué distancia se encuentran los dos puntos más próximos que oscilan en oposición de fase?
 - d) La velocidad y la aceleración de oscilación máximas de oscilación de un punto de la cuerda.

1- CUESTIÓN TEÓRICA (LA CONTESTO ESQUEMÁTICAMENTE)

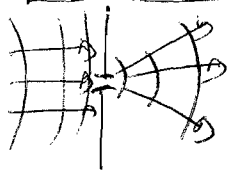


2- CUESTIÓN TEÓRICA (SE NECESITA ENUNCIAR EL PRINCIPIO DE HUYGENS Y HACER DIAGRAMAS PARA CADA FENÓMENO)



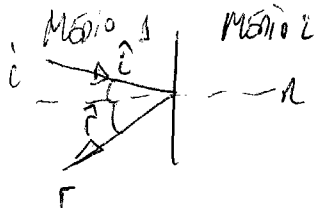
(62)

DIFRACCIÓN → CAMBIO EN LA DIRECCIÓN DE PROPAGACIÓN DE LA ONDA AL ENCONTRARSE CON ABERTURAS U OBSTÁCULOS.



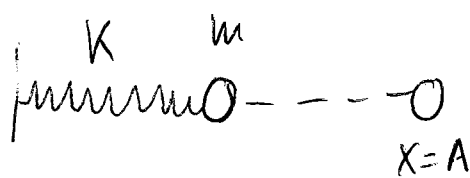
CONDICIÓN **TAMAÑO ABERTURA ~ LONGITUD DE ONDA**

REFLEXIÓN → CAMBIO EN LA DIRECCIÓN DE PROPAGACIÓN DE LA ONDA AL LLEGAR A LA SUPERFICIE DE SEPARACIÓN DE DOS MEDIOS Y VOLVER POR EL QUE VENÍA.



LEYES $\left\{ \begin{array}{l} (1^a) \quad i, r, \tau \text{ EN EL MISMO PLANO.} \\ (2^a) \quad \hat{i} = \hat{r} \end{array} \right.$

(2-)



a) SE TRATA DE UN MAS, REGIDO POR LA LEY DE HOOKE.

(G1) $\left\{ \begin{array}{l} K = 150 \text{ N/m} \\ A = 40 \text{ cm} = 0,4 \text{ m} \\ m = 100 \text{ g} = 0,1 \text{ kg} \end{array} \right.$

Ecuación de MOVIMIENTO

$$\vec{F} = -Kx \hat{i} = m \vec{a}$$

2ª LEY NEWTON

$$-Kx \hat{i} = -m\omega^2 x \hat{i} \Rightarrow \boxed{K = m\omega^2}$$

$$x(t) = A \text{ sen}(\omega t + \varphi_0)$$

Derivada 2 veces

$$a = \frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega^2 x$$

Como el período se relaciona con la frecuencia angular

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$\omega = \sqrt{K/m}$$

(G2) $\left\{ \begin{array}{l} K = 100 \text{ N/m} \\ A = 20 \text{ cm} = 0,2 \text{ m} \\ m = 50 \text{ g} = 0,05 \text{ kg} \end{array} \right.$

$$T = 2\pi \sqrt{m/K}$$

(G1) $\Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{0,1}{150}} = 0,16 \text{ s}$

(G2) $\Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{0,05}{100}} = 0,14 \text{ s}$

b) LA ENERGÍA MECÁNICA EN UN MAS SE MANTIENE CONSTANTE:

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m (A\omega \cos(\omega t + \varphi_0))^2 = \frac{1}{2} (m\omega^2) A^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0)$$
$$E_p = \frac{1}{2} K x^2 = \frac{1}{2} K (A \text{ sen}(\omega t + \varphi_0))^2 = \frac{1}{2} K A^2 \text{ sen}^2(\omega t + \varphi_0)$$

$$E_m = \frac{1}{2} K A^2$$

(G1) $\Rightarrow E_m = \frac{1}{2} \cdot 150 \cdot 0,4^2 = 12 \text{ J}$

(G2) $\Rightarrow E_m = \frac{1}{2} \cdot 100 \cdot 0,2^2 = 2 \text{ J}$

4-

G1

$$y(x,t) = 0,01 \text{ sen } (10\pi t + 2\pi x + \pi) \text{ m}$$

G2

$$y(x,t) = 0,02 \text{ sen } (20\pi t + \pi x + \pi) \text{ m}$$

a) Por comparación con la ecuación de ondas armónicas en el sentido -OX : $y = A \text{ sen } (\omega t + kx + \phi_0)$

A = 0,01 m G1

$$\omega = 10\pi \text{ rad/s}$$

$$\Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{10\pi}{2\pi} = 5 \text{ Hz}$$

$$k = 2\pi \text{ m}^{-1}$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{2\pi} = 1 \text{ m}$$

$$v = \lambda f$$

$$v = 5 \text{ m/s}$$

A = 0,02 m G2

$$\omega = 20\pi \text{ rad/s}$$

$$\Rightarrow f = \frac{20\pi}{2\pi} = 10 \text{ Hz}$$

$$k = \pi \text{ m}^{-1}$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k} = 2 \text{ m}$$

$$v = 20 \text{ m/s}$$

b)

G1

$$y(0,5 \text{ m}, 4 \text{ s}) = 0,01 \text{ sen } (40\pi + \pi + \pi) = 0,01 \text{ sen } 42\pi = 0 \text{ m}$$

G2

$$y(0,25 \text{ m}, 6 \text{ s}) = 0,02 \text{ sen } (120\pi + \frac{\pi}{4} + \pi) = 0,02 \text{ sen } (124\pi + \frac{\pi}{4}) =$$

$$= -0,02 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = -0,0141 \text{ m}$$

c) • DIFERENCIA DE FASE PARA DOS PUNTOS DE LA MISMA CUERDA:

demostramos $\Rightarrow \Delta\phi = |\phi_2 - \phi_1| = k \cdot \Delta x$

G1

$$\Delta\phi = 2\pi \cdot 0,2 \text{ m} = 0,4\pi \text{ rad} = \frac{2\pi}{5} \text{ rad}$$

G2

$$\Delta\phi = \pi \cdot 0,1 = 0,1\pi = \frac{\pi}{10} \text{ rad}$$

• OSCILAR EN OPPOSICIÓN DE FASE $\Rightarrow \Delta\phi = \pi \text{ rad}$

$$\Delta\phi = \pi = k \cdot \Delta x \Rightarrow \pi = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta x \Rightarrow \Delta x = \frac{\lambda}{2}$$

G1 $\Delta x = \frac{1}{2} \text{ m} = 0,5 \text{ m}$

G2 $\Delta x = \frac{2}{2} \text{ m} = 1 \text{ m}$

d)

VELOCIDAD DE OSCILACIÓN $v = \frac{dx}{dt} = A\omega \cos(\omega t + kx + \phi_0)$

ACELERACIÓN DE OSCILACIÓN $a = \frac{d^2x}{dt^2} = -A\omega^2 \text{ sen}(\omega t + kx + \phi_0)$

G1

$$v_{\text{máx}} = 0,01 \cdot 10\pi = 0,31 \text{ m/s}$$

$$a_{\text{máx}} = 0,01 \cdot (10\pi)^2 = 9,87 \text{ m/s}^2$$

G2

$$v_{\text{máx}} = 1,26 \text{ m/s}$$

$$a_{\text{máx}} = 78,96 \text{ m/s}^2$$