

Nombre:

Apellidos:

1. Una pequeña fuente de sonido emite con una potencia de 40 W uniformemente distribuida en todas las direcciones del espacio. **(3p)**
  - a) Calcula los niveles de intensidad (en dB) a 1 m y a 200 m de la fuente. ¿Puede alguno de estos niveles considerarse molesto, por su alta intensidad?
  - b) ¿A qué distancia dejará de ser perceptible dicho sonido por un humano?
  - c) Describe las otras dos cualidades del sonido que no has tenido en cuenta en los apartados anteriores.

*Dato: Intensidad umbral del oído humano:  $I_o = 10^{-12} \text{ W/m}^2$ .*

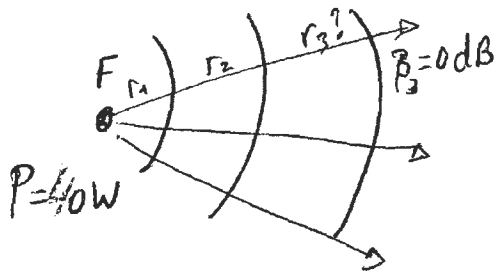
2. Una onda armónica se propaga en una cuerda tensa a una velocidad de  $20,0 \text{ ms}^{-1}$  en el sentido +OX. Sabiendo que en el instante inicial el foco está en la posición  $x = A/2$ , acercándose hacia la posición de equilibrio; y que el período de oscilación de dicho punto es de 1,500 s, calcula: **(3p)**
  - a) La ecuación de la onda si la velocidad máxima de oscilación es  $12,6 \text{ ms}^{-1}$ .
  - b) El valor de la elongación para un punto situado a 2 m del origen a los 4 s.
  - c) El desfase entre dos puntos de la cuerda separados 3,5 m entre sí.
  - d) La distancia a la que debemos fijar dos puntos de la cuerda, para que entre ellos se produzca una onda estacionaria con tres vientres.

*Nota: los apartados b y c valen 0,5p.*

3. Halla, de forma razonada, la relación entre los períodos de oscilación de un péndulo en el régimen de pequeñas oscilaciones situado en la superficie terrestre y otro péndulo idéntico situado a una altura igual al radio terrestre. **(2p)**
4. Define los fenómenos ondulatorios refracción y reflexión. Enuncia las leyes que se cumplen en ambos fenómenos. Utiliza el Principio de Huygens para explicar las leyes que cumplen. **(2p)**

1-

a)



ONDA SONORA (3-D)  
(FRENTE DE ONDA)  
ESFERICOS

a) LA INTENSIDAD DE UNA ONDA SONORA SE DEFINE:

$$I = \frac{P}{S} = \frac{P}{4\pi r^2}$$

Y EL NIVEL DE INTENSIDAD MIDE  
ESA MISMA MAGNITUD DE FORMA SUBJETIVA:

$r_1 = 1m$

$r_2 = 200m$

$$\beta = 10 \log \left( \frac{I}{I_0} \right) \Rightarrow \beta_1 = 10 \log \left( \frac{I_1}{I_0} \right) = 10 \log \left( \frac{P}{4\pi r_1^2 I_0} \right)$$

$$\beta_1 = 10 \log \left( \frac{40}{4\pi \cdot 1^2 \cdot 10^{-12}} \right) = \boxed{125 \text{ dB}}$$

$$\beta_2 = 10 \log \left( \frac{40}{4\pi \cdot 200^2 \cdot 10^{-12}} \right) = \boxed{79 \text{ dB}}$$

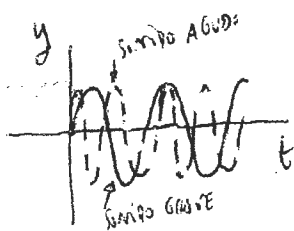
EL SONIDO A 1m DE LA  
FUENTE SUPERA EL UMBRAL DEL  
DOLOR ( $I = 1 \text{ W/m}^2 \Rightarrow \beta = 120 \text{ dB}$ )

b) DEJARÁ DE SER PERCEPTIBLE CUANDO LA INTENSIDAD SEA MENOR  
QUE LA INTENSIDAD UMBRAL ( $I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$ ).

$$I_3 = I_0 = \frac{P}{4\pi r_3^2} \Rightarrow r_3 = \sqrt{\frac{P}{4\pi I_0}} = \sqrt{\frac{40}{4\pi \cdot 10^{-12}}} = 1,78 \cdot 10^6 \text{ m}$$

$$\boxed{r_3 = 1780 \text{ km}}$$

c) LAS OTRAS DOS CALIDADES SON: TONO Y TIMBRE.



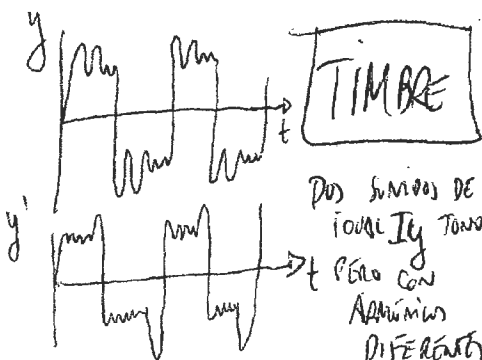
TONO

ESTA RELACIONADO CON LA FRECUENCIA DE OSCILACIÓN  
DE LAS PARTÍCULAS DEL MEDIO EN EL QUE SE TRANSMITE  
EL SONIDO. EL SER HUMANO PERCEBE ENTRE (20-20000) Hz.

DOS SONIDOS DE IGUAL INTENSIDAD  
Y DISTINTO TONO

Si:  $f < 20 \text{ Hz} \Rightarrow$  INFRASONIDO  
Si:  $f > 20000 \text{ Hz} \Rightarrow$  ULTRASONIDO

LAS FRECUENCIAS BAJAS  
PRODUCEN SONIDOS GRAVES, LAS  
ALTAS, SONIDOS AGUDOS

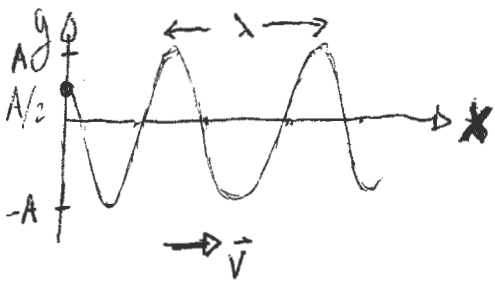


DOS SONIDOS DE  
IGUAL I y TONO  
PERO CON  
ARMÓNICOS  
DIFERENTES

A IGUAL TONO E INTENSIDAD, DOS SONIDOS SE PUEDEN  
DIFERENCIAR EN SU TIMBRE, QUE ES PRODUCIDO POR LAS CARACTERÍSTICAS  
FÍSICAS DE FOCO EMISOR. EL TIMBRE ES LA "FORMA" QUE TIENE  
LA ONDA Y ES PRODUCIDO POR LA SUMA (INTERFERENCIA) DE LOS DISTINTOS  
ARMÓNICOS QUE LA COMPONEN.

(p.ej. violín y guitarra tocando una misma nota a igual "volumen")

2-



SE TRATA DE UNA ONDA LONGITUDINAL, QUE SE PUEDE EXPRESAR: (CON 'y' COMO ELEVACION)

$$y(x, t) = A \text{ sen } (\omega t - kx + \phi_0)$$

$$V = 20,0 \text{ ms}^{-1}$$

$$T = 1,500 \text{ s}$$

CONDICIONES INICIALES:

$$y(0,0) = A/2$$

$$v(0,0) < 0$$

$$V_{\text{max}} = 12,6 \text{ ms}^{-1}$$

a) LA VELOCIDAD DE PROPAGACIÓN DE LA ONDA ES DE:

$$V = \lambda \cdot f \Rightarrow \lambda = \frac{V}{f} = V \cdot T = 20 \cdot 1,5 = 30 \text{ m}$$

$$f = 1/T$$

EL NÚMERO DE ONDAS:  $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\pi}{15} \text{ m}^{-1}$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{4}{3}\pi \text{ rad/s}$$

Ahora deducimos la amplitud:

$$v(x, t) = \frac{dy}{dt} = A\omega \cos(\omega t - kx + \phi_0)$$

$$V_{\text{max}} = A\omega$$

COMO EL COSENO ESTÁ ACOTADO ENTRE -1 y 1

$$A = \frac{V_{\text{max}}}{\omega} = \frac{V_{\text{max}}}{2\pi/T} = \frac{V_{\text{max}} \cdot T}{2\pi} = \frac{12,6 \cdot 1,5}{2\pi}$$

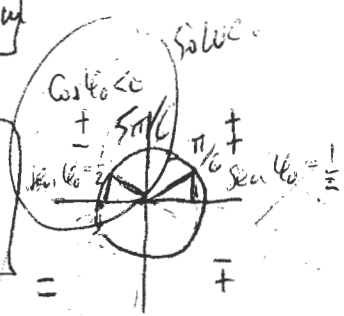
$$A = 3,00 \text{ m}$$

Por último, determinamos la fase inicial:

$$y(0,0) = A \text{ sen } \phi_0 = A/2 \Rightarrow \text{sen } \phi_0 = 1/2$$

$$v(0,0) = A\omega \cos \phi_0 < 0 \Rightarrow \cos \phi_0 < 0$$

$$\phi_0 = \frac{5\pi}{6} \text{ rad}$$



La ecuación de la onda:

$$y(x, t) = 3,00 \cdot \text{sen} \left( \frac{4}{3}\pi t - \frac{1}{15}\pi x + \frac{5}{6}\pi \right) \text{ m}$$

b)  $y(2\text{m}, 4\text{s}) = 3,00 \cdot \text{sen} \left( \frac{16\pi}{3} - \frac{2\pi}{15} + \frac{5}{6}\pi \right) = 0,105 \text{ m}$

$x = 3\text{m}$   
 $t = 8\text{s}$

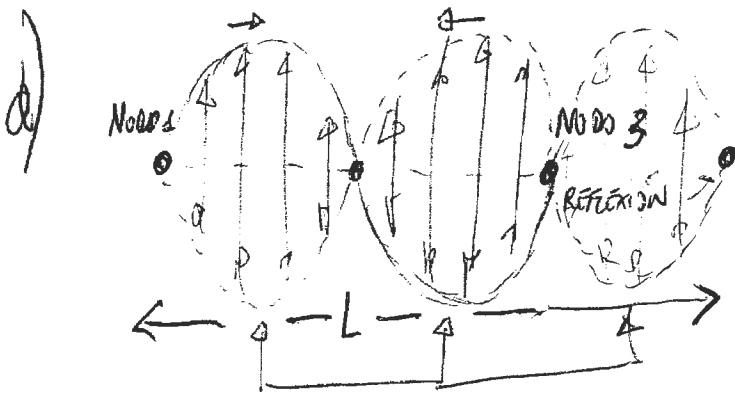
c) EL DESFASE ENTRE DOS PUNTOS:

$$y_1(x_1, t) = A \text{ sen } (\omega t - kx_1 + \phi_0)$$

$$y_2(x_2, t) = A \text{ sen } (\omega t - kx_2 + \phi_0)$$

$$\Delta\phi = |\phi_1 - \phi_2| = k \cdot \Delta x$$

$$\Delta\phi = \frac{\pi}{15} \cdot 3,5 = \frac{7\pi}{30} \text{ rad}$$



PARA FORMAR UNA ONDA ESTACIONARIA EN UNA CUERDA APLICAMOS EL PRINCIPIO DE SUPERPOSICION A LA ONDA Y A SU REFLEJADA EN EL MODO:

3 VIENTRES (n=3) ⇒ ES EL TERCER ARMÓNICO

$$y_R = y_1 + y_2 = A \sin(kx - \omega t + \phi_0) + A \sin(kx + \omega t + \phi_0)$$

VIAJA EN SENTIDO CONTR.

$$y_R = \underbrace{(2A \sin kx)}_{A_e} \cdot \cos \omega t$$

AL SER LA MISMA, PODEMOS SUPONER LA MIRA (BASTA CON ESCOGER EL PRO ADECUADO)

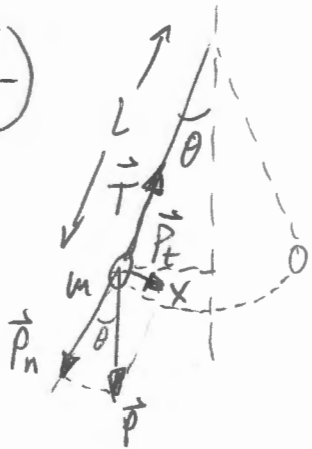
- Nodos (si  $A_R = 0$ ) ⇒  $2A \sin kx = 0$  ⇒  $\sin kx = 0$  ⇒  $x = n \frac{\lambda}{2}$
- VIENTRES (si  $A_R = 2A$ ) ⇒  $2A \sin kx = 2A$  ⇒  $\sin kx = 1$  ⇒  $x = (2n+1) \frac{\lambda}{4}$

$x = L$  ⇒ SERÁ UN NODO OBLIGATORIAMENTE

$$\lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{\pi/15} = 20 \text{ m} \rightarrow \left[ L = n \frac{\lambda}{2} = \frac{3}{2} \lambda \right] \quad n=3$$

LA LONGITUD DEBE SER 45 m

3-



El movimiento de un péndulo simple, de longitud  $L$  y masa  $m$ , se puede aproximar a un M.A.S. en el régimen de pequeñas oscilaciones ( $\sin \theta \approx \theta$ ):

$$\vec{R} = \vec{P} + \vec{T} = (mg \sin \theta, -mg \cos \theta) + (0, T) = (mg \sin \theta, 0)$$

Ecuación tangencial:  $R = mg \sin \theta \approx mg \theta \approx mg \frac{x}{L}$

Se trata de una fuerza elástica tipo muelle:  $R = \left(\frac{mg}{L}\right) x$

Así que la ec. de mov. es:  $x(t) = A \sin(\omega t + \phi_0)$

$$-\frac{mg}{L} x = ma = -m\omega^2 x = \frac{dx}{dt^2} = -A\omega^2 \sin(\omega t + \phi_0)$$

Pulsación  $\rightarrow \omega = \sqrt{g/L} \Rightarrow$  Periodo  $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{L/g}$

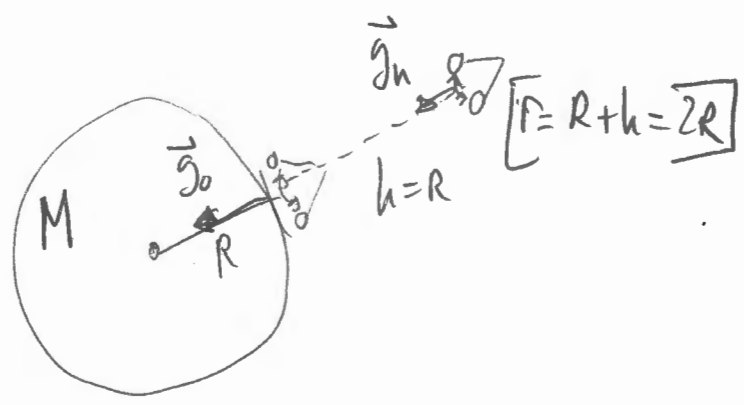
Por otra parte, sabemos que la intensidad de campo gravitatorio depende de  $r$ :

$$\vec{g} = -\frac{GM}{r^2} \hat{u}_r$$

Los mismos  $\Rightarrow$

$$g_0 = \frac{GM}{R^2} \quad T_0 = 2\pi \sqrt{L/g_0}$$

$$g_h = \frac{GM}{4R^2} = \frac{g_0}{4} \quad T_h = 2\pi \sqrt{L/g_h}$$



Comparando ambas exp:

$$\frac{T_0}{T_h} = \frac{2\pi \sqrt{L/g_0}}{2\pi \sqrt{L/g_h}} = \sqrt{\frac{g_h}{g_0}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

El periodo es el doble en  $h$  que en la superficie.

$$T_h = 2T_0$$