

Nombre:

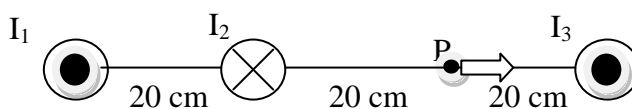
Apellidos:

## CUESTIONES

- Sea una espira cuadrada de lado  $L$  situada en el plano  $XY$ , y que puede girar en un eje perpendicular a dos de sus lados y que pasa por el centro de la espira: (3p)
  - Calcula y representa su momento magnético si la circula una corriente  $I$  en sentido antihorario.
  - Razona qué le ocurrirá si se sitúa en el interior de un campo magnético uniforme  $\mathbf{B} = B \mathbf{i}$ .
  - ¿En qué posición quedaría en equilibrio en el interior del campo magnético anterior?
- Un ion de helio,  ${}^7\text{Li}^+$ , de masa  $m = 1,15 \cdot 10^{-26}$  kg y de carga  $q = 1,60 \cdot 10^{-19}$  C se encuentra inicialmente en reposo. Se acelera mediante un campo eléctrico entre dos placas de diferencia de potencial 450 V. Después penetra en una región donde existe un campo magnético uniforme perpendicular a la velocidad que lleva en ese instante y de módulo  $B = 0,723$  T. (3p)
  - Haz un diagrama del problema en el que aparezca la trayectoria seguida por el ión y señalando las fuerzas sufridas en cada parte.
  - Calcula el radio de la trayectoria del ion en la región de campo  $\mathbf{B}$ .
  - Razona qué ocurriría si repetimos el problema con un ion de  ${}^6\text{Li}^+$ .

## PROBLEMA

- En la figura se representan tres hilos conductores por los que circulan tres corrientes de intensidades  $I_1 = 2$  A,  $I_2 = 1$  A e  $I_3 = 2,4$  A en los sentidos indicados. (4p)



- La fuerza que actúa sobre el conductor del centro por unidad de longitud. Da su módulo, dirección y sentido.
- El campo magnético en el punto P. Da su módulo, dirección y sentido.
- La fuerza sobre un electrón cuando pasa por el punto P a 20 m/s en la dirección de la flecha.
- Define Amperio.

Datos: permeabilidad magnética del vacío  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  N·A<sup>-2</sup>; valor absoluto de la carga del electrón  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

Nombre:

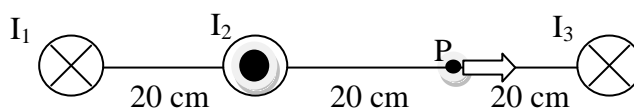
Apellidos:

## CUESTIONES

- Sea una espira cuadrada de lado  $L$  situada en el plano  $XY$ , y que puede girar en un eje perpendicular a dos de sus lados y que pasa por el centro de la espira: **(3p)**
  - Calcula y representa su momento magnético si la circula una corriente  $I$  en sentido horario.
  - Razona qué le ocurrirá si se sitúa en el interior de un campo magnético uniforme  $\mathbf{B} = -B \mathbf{i}$ .
  - ¿En qué posición quedaría en equilibrio en el interior del campo magnético anterior?
- Un ion de helio,  ${}^4\text{He}^{2-}$ , de masa  $m = 6,65 \cdot 10^{-27}$  kg y de carga  $q = -3,20 \cdot 10^{-19}$  C se encuentra inicialmente en reposo. Se acelera mediante un campo eléctrico entre dos placas de diferencia de potencial 450 V. Después penetra en una región donde existe un campo magnético uniforme perpendicular a la velocidad que lleva en ese instante y de módulo  $B = 0,723$  T. **(3p)**
  - Haz un diagrama del problema en el que aparezca la trayectoria seguida por el ión y señalando las fuerzas sufridas en cada parte.
  - Calcula el radio de la trayectoria del ion en la región de campo  $\mathbf{B}$ .
  - Razona qué ocurriría si repetimos el problema con un ion de  ${}^4\text{He}^-$ .

## PROBLEMA

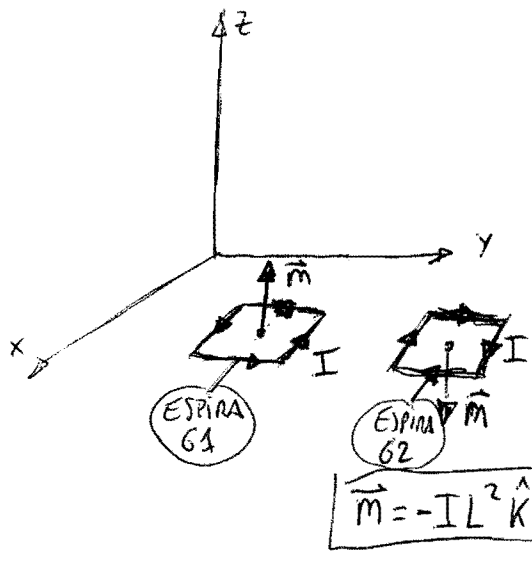
- En la figura se representan tres hilos conductores por los que circulan tres corrientes de intensidades  $I_1 = 2$  A,  $I_2 = 1$  A e  $I_3 = 2,4$  A en los sentidos indicados. **(4p)**



- La fuerza que actúa sobre el conductor del centro por unidad de longitud. Da su módulo, dirección y sentido.
- El campo magnético en el punto  $P$ . Da su módulo, dirección y sentido.
- La fuerza sobre un protón cuando pasa por el punto  $P$  a 20 m/s en la dirección de la flecha.
- Define Amperio.

Datos: permeabilidad magnética del vacío  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  N·A<sup>-2</sup>; valor absoluto de la carga del electrón  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

1- a)



EL MOMENTO MAGNÉTICO DE UNA ESPIRA

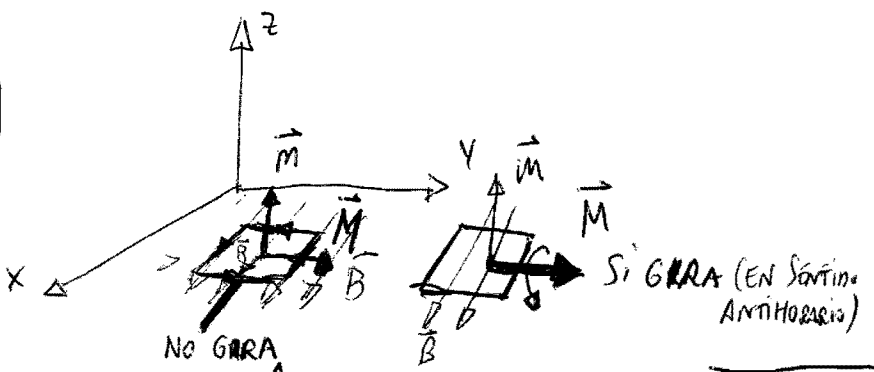
$$\vec{M} = I \vec{S} = I L^2 \hat{k} \text{ A}\cdot\text{m}^2 \quad (G1)$$

AL CIRCULAR LA CORRIENTE EN SENTIDO ANTIHORARIO, SEGÚN LA REGLA DE LA MANO DERECHA, EL SENTIDO DE  $\vec{M}$  ES POSITIVO Y SU DIRECCIÓN PERPENDICULAR AL PLANO DE LA ESPIRA.

$$\vec{M} = -I L^2 \hat{k} \text{ A}\cdot\text{m}^2 \quad (G2) \rightarrow \text{ARGUMENTO CONTRARIO.}$$

b) EL MOMENTO DE LA FUERZA QUE SUFRE UNA ESPIRA EN EL INTERIOR DE UN CAMPO UNIFORME ES:  $\vec{M} = \vec{m} \times \vec{B}$

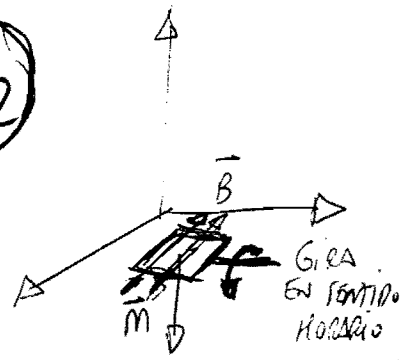
(G1)



$$\vec{M} = I L^2 \hat{k} \quad \vec{B} = B \hat{i} \quad \vec{M} = I L^2 B (\hat{k} \times \hat{i}) = I L^2 B \hat{j}$$

DEPENDE DE CÓMO SE ESCOJA EL EJE, LA ESPIRA GIRARÁ O NO. (EL MOMENTO  $\vec{M}$  DEBE ESTAR EN LA DIRECCIÓN DEL EJE PARA GIRAR)

(G2)

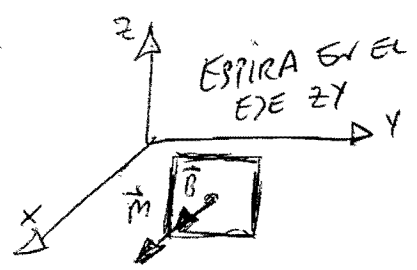


$$\vec{M} = -I L^2 \hat{k} \quad \vec{B} = -B \hat{i} \quad \vec{M} = I L^2 B (\hat{k} \times \hat{i}) = I L^2 B \hat{j}$$

LA FÓRMULA ES SEMEJANTE.

c) Como la RESULTANTE DE LAS FUERZAS SOBRE LA ESPIRA ES NULA, ÉSTA SE ENCONTRARÁ EN EQUILIBRIO CUANDO SU MOMENTO DE FUERZA SE ANULE:

$$\vec{M} = \vec{m} \times \vec{B} = \vec{0} \quad \text{ES DECIR SI:} \quad \vec{m} \parallel \vec{B} \quad (\alpha = 0 \text{ O } \alpha = 180^\circ)$$

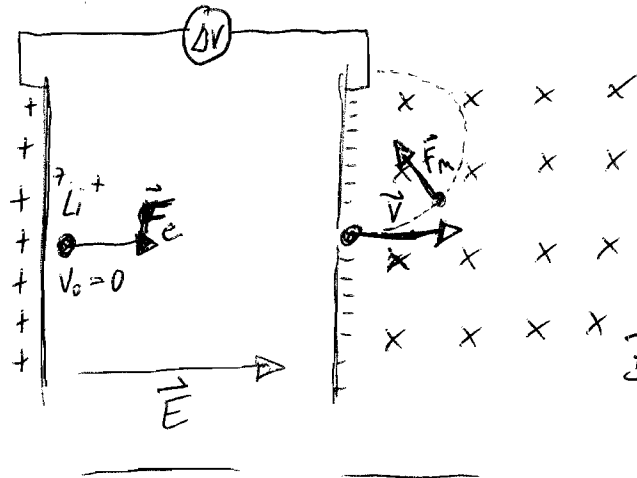


2-

a) (G1)

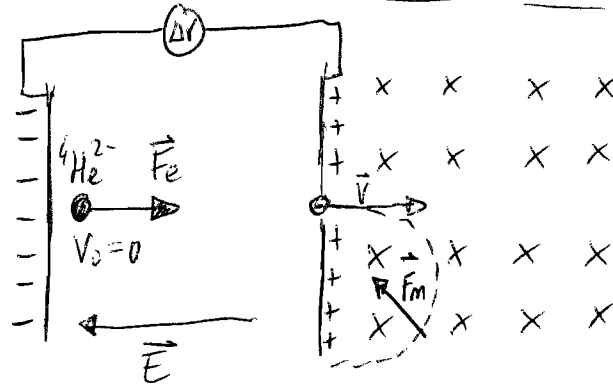
$$\vec{F}_e = q \vec{E}$$

$$\vec{F}_m = q (\vec{v} \times \vec{B})$$



$\vec{B}$  (SI ESCOGES  $\vec{B}$  EN SENTIDO CONTRARIO, LA IÓN GIRARÁ EN EL SENTIDO CONTRARIO)

(G2)



LA PARTÍCULA TIENE CARGA NEGATIVA

b)

AL ENTRAR EN LA REGIÓN DONDE SÓLO EXISTE  $\vec{B}$ , LA FUERZA MAGNÉTICA ES PERPENDICULAR A LA VELOCIDAD; Y SEGÚN LA LEY DE LORENTE, ESA FUERZA MAGNÉTICA ES LA FUERZA CENTRÍPETA DEL GIRO:

$$\vec{F}_m = \vec{F}_c \Rightarrow F_m = F_c \Rightarrow |q| v B \sin 90^\circ = \frac{mv^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{|q|B}$$

(G1)  $\Rightarrow R = 1,11 \cdot 10^{-2} \text{ m}$

(G2)  $\Rightarrow R = 5,98 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

PARA CONOCER LA VELOCIDAD PROPORCIONADA POR EL CAMPO ELÉCTRICO (QUE ES CONSERVATIVO) APLICAMOS EL TEOREMA DE CONSERVACIÓN DE LA ENERGÍA MECÁNICA:

$$\Delta E_m = 0 \Rightarrow \Delta E_c = -\Delta E_p = |q| \Delta V$$

$$\frac{1}{2} mv^2 = |q| \Delta V$$

(G1)  $\Rightarrow v = 1,12 \cdot 10^5 \text{ m/s}$

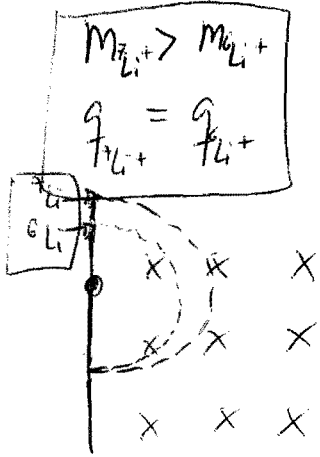
(G2)  $\Rightarrow v = 2,08 \cdot 10^5 \text{ m/s}$

e)

G1



ES UN ISÓTOPO MÁS LIGERO, PERO CON LA MISMA CARGA; POR LO QUE AL ATRAVEGAR EL CAMPO  $\vec{E}$  SE ACELERARÁ EN MAYOR MEDIDA QUE EL  ${}^7\text{Li}^+$ . PERO AL ATRAVEGAR LA REGIÓN DE  $\vec{B}$ .



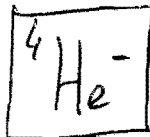
$$V = \sqrt{\frac{2|q|\Delta V}{m}}$$

$$R = \frac{mV}{|q|B}$$

CRECE MÁS  
M  
QUE  $\sqrt{m}$

EL ISÓTOPO MÁS LIGERO (A IGUALDAD DE CARGA), PERO DESCRIBIRÁ UN RADIO MENOR. CON MAYOR V

G2



EN ESTE CASO LA MASA SE MANTIENE IGUAL, SI DESPRECIAMOS LA MASA DEL  $e^-$  FRENTE A LA DEL  $p^+$  O  $n^-$ ; PERO VARÍA LA CARGA. ESO HACE QUE LA VELOCIDAD DE ENTRADA SEA MENOR:

$$q_{\text{He}^-} = \frac{1}{2} q_{\text{He}^+}$$

$$m_{\text{He}^-} \approx m_{\text{He}^+}$$

$$V' = \sqrt{\frac{2|q|\Delta V}{m}} = 1,47 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

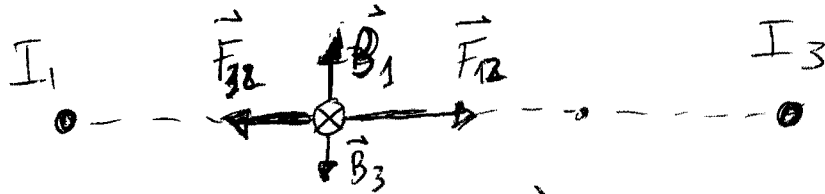
ASÍ QUE COMO EL RADIO:  
ES PROPORC. A V, PERO INV.  
PROPOR. A |q| SERÁ MENOR  
ALGUNAS

$$R = \frac{mV}{|q|B} = \frac{6,65 \cdot 10^{-27} \cdot 1,47 \cdot 10^5}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 0,723}$$

$$R = 8,45 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

3-

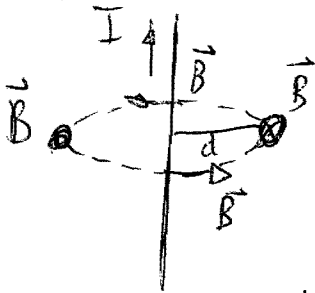
G1



UNA CORRIENTE LINEAL E INDEFINIDA CAUSA UN CAMPO A SU ALREDEDOR TANGENTE A LAS LINEAS DE CAMPO (CIRCUNFERENCIAS) Y DE MÓDULO:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$$

EL SENTIDO LO MARCA LA REGIA DE LA MANO DERECHA.



a) LA FUERZA QUE SUFRE UN CONDUCTOR RECTILÍNEO E INDEFINIDO EN UN CAMPO  $\vec{B}$  ES:

$$\vec{F} = I \vec{l} \times \vec{B}$$

FUERZA POR UD. DE LONGITUD

$$\frac{F_{AB}}{L} = I_B B_A = \frac{\mu_0 I_A I_B}{2\pi d}$$

LA RESULTANTE QUE SUFRE EL CABLE POR EJ:

$$\vec{F}_R = \vec{F}_{32} + \vec{F}_{12} \Rightarrow$$

COMO LOS VECTORES SON OPUESTOS, Y  $F_{12} > F_{32}$

MÓDULOS (VER DIRECC. Y SENTIDO EN EL DIAGRAMA.)

$$\frac{F_{32}}{L} = \frac{\mu_0 I_2 I_3}{2\pi \cdot d_{23}} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2 \cdot 1}{2\pi \cdot 40 \cdot 10^{-2}} = 1,2 \cdot 10^{-6} \text{ N/m}$$

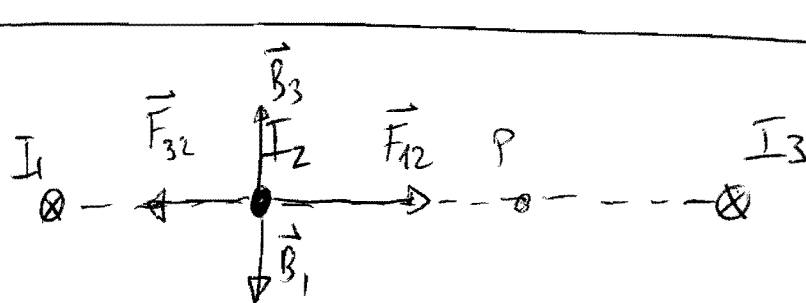
$$\frac{F_{12}}{L} = \frac{\mu_0 I_1 I_3}{2\pi \cdot d_{13}} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2 \cdot 1}{2\pi \cdot 20 \cdot 10^{-2}} = 2,0 \cdot 10^{-6} \text{ N/m}$$

$$\left| \frac{F_R}{L} \right| = \left| \frac{F_{12}}{L} - \frac{F_{32}}{L} \right|$$

$$\frac{F_R}{L} = 8 \cdot 10^{-7} \text{ N/m}$$

DIRECCIÓN EJE X SENTIDO NEGATIVO

G2



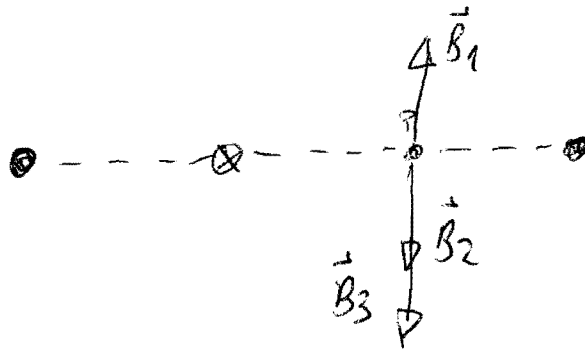
$$\frac{F_{32}}{L} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2 \cdot 1}{2\pi \cdot 40 \cdot 10^{-2}}$$

LAS OPERACIONES SON IGUALES

MISMA SOLUCIÓN

b)

(61)



$$B_R = 2,4 \cdot 10^{-6} \text{ T}$$

DIRECCIÓN "Y" SENTIDO NEGATIVO

$$\vec{B}_R = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 \Rightarrow |\vec{B}_R| = |B_1 - (B_2 + B_3)|$$

AL SER PARALELOS

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$$

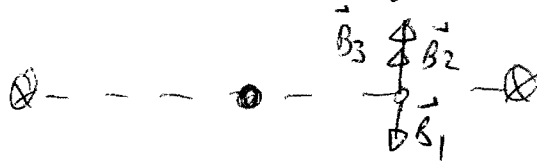
$$B_1 = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2}{2\pi \cdot 40 \cdot 10^{-2}} = 10^{-6} \text{ T}$$

$$B_2 = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 1}{2\pi \cdot 20 \cdot 10^{-2}} = 10^{-6} \text{ T}$$

$$B_3 = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2,4}{2\pi \cdot 20 \cdot 10^{-2}} = 2,4 \cdot 10^{-6} \text{ T}$$

SE ANULAN

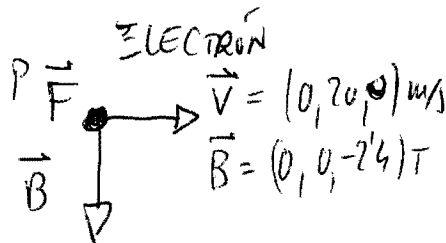
(62)



SALE IGUAL PERO EN SENTIDO CONTRARIO

c) DEBEMOS APLICAR LA LEY DE LORENTZ:

(61)

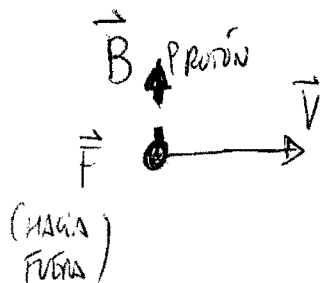


$$\vec{F} = q(\vec{v} \times \vec{B})$$

$$\vec{F} = -1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 20 \hat{j} \cdot (2,4) \cdot 10^{-6} \hat{k} =$$

$$\vec{F} = 7,68 \cdot 10^{-24} \hat{i} \text{ N}$$

(62)



$$\vec{F} = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 20 \hat{j} \cdot (2,4 \cdot 10^{-6}) \hat{k} =$$

$$= 7,68 \cdot 10^{-24} \hat{i} \text{ N}$$

d)

$$\frac{F}{l} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi d}$$

AMPERIO:

Por dos conductores rectilíneos e indefinidos, circulan corrientes de 1 amperio, si estando separados 1m, en el vacío, sufren una fuerza atractiva o repulsiva por unidad de longitud de  $2 \cdot 10^{-7} \text{ N}$ .

Se define a partir de la expresión de fuerza por unidad de longitud entre dos conductores indefinidos.  
(PAG. 147)